

Lycée Albert Camus
Épreuve commune de Mathématiques
Classes de 1^{ère} ES L CORRIGE

Exercice 1 :

Question	1	2	3	4	5
Réponse	B	C	B	C	A

Exercice 2 :

PARTIE A

- $u_1=100+200=300$ et $u_2=300+200=500$
- Chaque année le capital d'Ulysse augmente de 200 € donc $u_{n+1}=u_n+200$ pour tout n donc c'est une suite arithmétique de raison 200 et de premier terme 100.
- $u_n=u_0+n \times r$ donc $u_n=100+200n$

PARTIE B

- $v_1=2000 \times 1,03=2060$ et $v_2=2060 \times 1,03=2121,8$
- Chaque année le capital de Valentin augmente de 3% donc chaque année il est multiplié par $1 + \frac{3}{100} = 1,03$. donc cette suite géométrique de raison 1,03 et de premier terme 2000.
- $v_n=v_0 \times q^n$ donc $v_n=2000 \times 1,03^n$

PARTIE C

- A l'aide des expressions en fonction de n on peut calculer u_5 et v_5 :
 $u_5=100+200 \times 5=1100$ et $v_5=2000 \times 1,03^5 \approx 2318,55$ $v_5 > 2 \times u_5$ donc valentin est a moins deux fois plus riche qu'Ulysse au bout de 5 ans .
- On cherche le plus petit entier n tel que $u_n \geq 3500$ donc $100+200n \geq 3500$
 $200n \geq 3500 - 100$
 $n \geq 3400/200$
donc lorsque Ulysse aura atteint 17 ans il pourra acheter sa moto.

Pour valentin on cherche le plus petit n tel que $v_n \geq 3500$ on ne sait pas résoudre cette inéquation en classe de première mais on peut à l'aide de la calculatrice résoudre ceci à l'aide d'une table la calculatrice nous donne $v_{18} \approx 3404$ et $v_{19} \approx 3507$ donc il devra attendre 2 ans de plus que son frère d'avoir 19 ans pour acheter sa moto .

Exercice 3 :

1. $p_5 = 1 - \left(\frac{1}{32} + \frac{5}{32} + \frac{10}{32} + \frac{10}{32} + \frac{1}{32} \right) = \frac{5}{32}$

2.

Numéro de la porte i	1	2	3	4	5	6
Probabilité p_i	$\frac{1}{32}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{10}{32}$	$\frac{10}{32}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{1}{32}$
Somme reçue	12	2	4	4	2	12
Gain	10	0	2	2	0	10

3.

Gain	0	2	10
Probabilité p_i	$\frac{10}{32} = \frac{5}{16}$	$\frac{20}{32} = \frac{5}{8}$	$\frac{2}{32} = \frac{1}{16}$

4. On calcule l'espérance de la variable aléatoire G qui donne le gain du joueur :

$$E(G) = \frac{5}{16} \times 0 + \frac{5}{8} \times 2 + \frac{1}{16} \times 10 = 1,875€$$

$E(G) \neq 0$ donc le jeu n'est pas équitable.

Exercice 4:

1.a. $C(15)=162$, donc le coût de fabrication est de 162€

b. La recette associée est de $15 \times 14 = 210$ €

c. $210 - 162 = 48$ €, donc l'entreprise réalise un bénéfice de 48€

2.a. $B(x) = 14x - C(x) = 14x - (2x^2 - 26x + 102) = -2x^2 + 40x - 102$

b. $-2x^2 + 40x - 102 \geq 0$

$$-2x^2 + 40x - 102 = 0, \quad \Delta = 784; S = \{3; 17\}$$

Le trinôme est du signe de a à l'extérieur des racines, donc on a le tableau de signe.

Et donc : $S = [3; 17]$

$B(x) \geq 0$ pour $x \in [3; 17]$ donc si l'entreprise vend et fabrique entre 3 et 17 appareils, elle fait des bénéfices.

c. Non, si $x \in [2; 3[\cup]17; 18]$, donc si $x = 2$ ou $x = 18$, l'entreprise perd de l'argent.

3.a. $-2x^2 + 40x - 102 = -2(x - 10)^2 + 98$ car $-b/(2a)=10$ et $B(10)=98$

b. $a = -2 < 0$, donc la fonction admet un maximum $\beta=98$, atteint pour $x = 10$

x	2	10	18
$B(x)$	-30	98	-30

c. Il faut vendre 10 appareils pour avoir un bénéfice maximum de 98€/h.

Exercice 5:

1. ...

2. $f'(-1) = -4$; $f'(1) = 0$ et $f'(2) = 2$

3. $f(2) = -3$ et $f(-1) = 0$

4. D est la tangente au point d'abscisse 2, une équation de la tangente à C_f au point d'abscisse 2 est donnée par :

$$y = f'(2)(x - 2) + f(2)$$

$$y = 2(x - 2) - 3$$

$$y = 2x - 7$$

De même pour T , tangente à C_f au point d'abscisse (-1) :

$$y = f'(-1)(x - (-1)) + f(-1)$$

$$y = -4(x + 1) + 0$$

$$y = -4x - 4$$

5. $f(x) = x^2 - 2x - 3$

On calcule la fonction dérivée : $f'(x) = 2x - 2$

Donc $f'(2) = 2 \times 2 - 2 = 2$ et $f'(1) = 2 \times 1 - 2 = 0$

Exercice 6:

1. $\frac{30}{2} = 15$ La médiane est la demi-somme de la 15^o et la 16^o valeur.

$\frac{30}{4} = 7,5$ le premier quartile est la 8^o valeur et $\frac{30}{4} \times 3 = 22,5$ le troisième quartile est la 23^o valeur.

Classe n^o1 : $Me = 9,5$; $Q_1 = 6,5$ et $Q_3 = 12,5$

2. Classe n^o1 : $\bar{x} = \frac{2,5+4,5 \times 2 + 5 \times 2 + 6 \times 2 + 6,5 \times 4 + 7,5 \times 2 + 8,5 + 9 + 10 + 10,5 \times 2 + 12 + 12,5 \times 5 + 13 \times 2 + 13,5 + 14 + 15,5 \times 2}{30} = 9,4$.

$\sigma = \sqrt{\frac{2,5^2 + 4,5^2 \times 2 + 5^2 \times 2 + 6^2 \times 2 + 6,5^2 \times 4 + 7,5^2 \times 2 + 8,5^2 + 9^2 + 10^2 + 10,5^2 \times 2 + 12^2 + 12,5^2 \times 5 + 13^2 \times 2 + 13,5^2 + 14^2 + 15,5^2 \times 2}{30}} \approx 3,63$

3...

4. L'écart interquartile de la 1eES1 est plus grand que celui de la 1eES2 donc la 1eES1 est plus hétérogène.

Classe n^o1 : $[\bar{x} - \sigma; \bar{x} + \sigma] \approx [5,77; 13,03]$ or 21 élèves ont une moyenne comprise entre 5,77 et

4. 13,03, c'est-à-dire 70 % de la classe.